



СБЕРБАНК

Математическое моделирование управления процентными рисками в банке

Процентный риск - возможность убытков из-за неблагоприятных изменений процентных ставок. Как известно, процентные ставки по кредитам меняются раз в год, а по депозитам - раз в 3 месяца. Это несовпадение и приводит к процентному риску.

Сейчас банки обеспечивают свою платежеспособность по обязательствам собственным капиталом. Регулятор (Банк России) регламентирует, что капитал должен быть не меньше определенной доли от активов с учетом процентного риска (RWA, risk-weighted assets), и регулирует расчет RWA. Банки заинтересованы в минимальном капитале, и потому стараются снизить RWA.

Банк России устанавливает математическую модель для оценки RWA для имеющегося портфеля активов и пассивов, опираясь на два принципа: если актив и пассив близки между собой по сроку (разница не более 30 дней) и процентной ставке (разница не более 0,15% годовых), то в RWA входит только разница их сумм. Для оставшихся после «неттирования» остаточных активов и пассивов RWA считаются по формуле:

$$RWA = (\sum \text{Актив} + \sum \text{Пассив}) \cdot w_{gross} + |\sum \text{Актив} - \sum \text{Пассив}| \cdot w_{net}.$$

Это означает, что для минимизации RWA необходим алгоритм группировки сделок с учетом следующих условий:

1. \sum Актив и \sum Пассив в каждой «группе неттирования» должны быть примерно одинаковы, чтобы их разность была минимальна.
2. Сделки, которые не попали в «группы неттирования», должны быть такими активами и пассивами, что сумма и разность сумм всех оставшихся активов и пассивов были минимальны, то есть чтобы каждое слагаемое в формуле RWA было минимальным.

С учетом этих условий мы сразу приступили к рассмотрению Случая 2. Мы пользуемся данными файла (таблицы) “Данные_Мамонт_Змес”, размещенного на сайте турнира.

Оценка RWA сверху

Для начала рассмотрим оценим RWA сверху: сделки не группируются и не неттируются, а сразу подставляются в формулу RWA. В таком случае \sum Актив = 40.342.052.582 и \sum Пассив = 38.309.579.595, коэффициенты берутся из условия задачи ($w_{gross} = 0,1$, $w_{net} = 0,4$). Тогда $RWA = 8.678.152.413$ ($\approx 8,678$ млрд).

Оценка RWA снизу

Для оценки RWA снизу рассмотрим случай, когда все активы и пассивы в портфеле могут неттироваться между собой (при таком допущении мы получим недостижимый RWA из-за того, что в нашем портфеле не все активы и пассивы могут неттироваться).

Результат неттирования будет численно равен \sum Актив - \sum Пассив = 2.032.472.987 (значения \sum Актив и \sum Пассив рассчитаны ранее). Результат неттирования > 0 , значит записываем его в \sum Актив и по формуле получаем

$RWA = (2.032.472.987 + 0) \cdot 0,1 + |2.032.472.987 - 0| \cdot 0,4 = 1.016.236.494 \approx 1,016$ млрд.

Модель 1

Для удобства работы с данными мы преобразовали их из такого вида:

Кредит (актив)	Вклад (пассив)	Дата погашения	Срок погашения, дней	Ставка, %
0	33000000	6/4/2018	74	2.0246
100000000	0	6/11/2018	81	2.0714
550000000	0	5/7/2018	46	1.7935
0	5000000	6/11/2018	81	2.0714
0	5000000	6/11/2018	81	2.0714
6100000	0	6/14/2018	84	2.1069
0	8200000	6/14/2018	84	2.1069
14400000	0	6/18/2018	88	2.1775

в такой:

0	33000000	74	2.0246
100000000	0	81	2.0714
550000000	0	46	1.7935
0	5000000	81	2.0714
0	5000000	81	2.0714
6100000	0	84	2.1069
0	8200000	84	2.1069
14400000	0	88	2.1775

Будем рассматривать постепенно усложняющиеся модели.

Первый шаг Модели 1 представляет из себя суммирование активов и пассивов, имеющих одинаковые ставки r (rate) и сроки погашения t (time). Таким образом, исходный портфель из 2175 сделок сводится к набору из 116, которым присваиваем значение s - разность соответствующих активов и пассивов. Следовательно, если s положительна, то считаем её активом, отрицательна - пассивом.

По формуле рассчитаем RWA для полученного набора, не неттируя входящие в него сделки.

Рассчитанное таким образом RWA равно ≈ 2 млрд, поэтому мы считаем, что эти преобразования данных эффективны.

Вторым шагом задается плоскость с ортогональными осями t (ось сроков погашения, дней) и r (ось ставок, %). На этой плоскости размещаются точки, являющиеся группами сделок с одинаковыми t и r , и каждой точке присваивается соответствующее s из первого шага. Таким образом, получается заполненная точками из полученного набора плоскость. (см. Рис.1)

Заметим, что все точки располагаются в определенном прямоугольнике (назовем его *главным*), границы которого зависят от

минимальных и максимальных значений сроков погашений и ставок (в нашем случае это 32 и 92 дней и 0,8495 и 9,1250%).

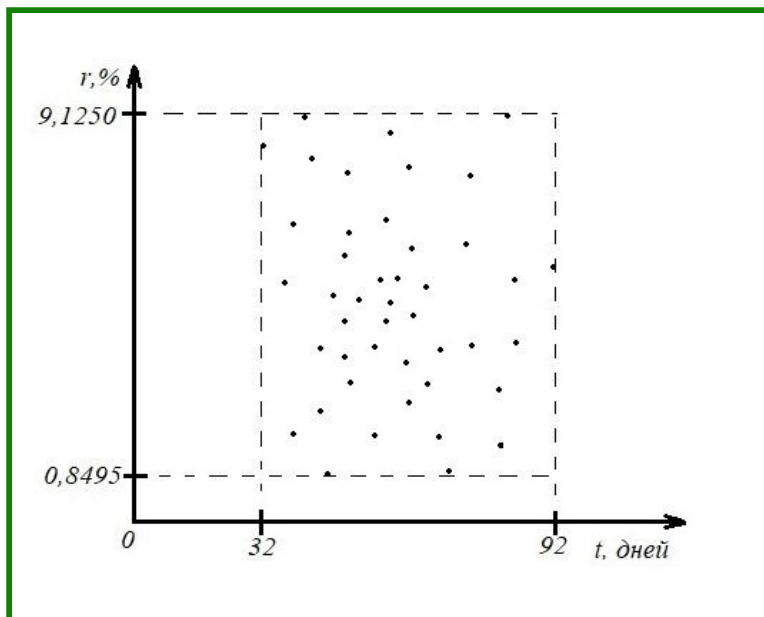


Рис.1

Далее задаем прямоугольник с максимально допустимыми сторонами $t_0 = 30$ дней и $r_0 = 0,15\%$.

Располагаем такой прямоугольник в I четверти так, чтобы он пересекал главный прямоугольник (см. Рис.2).

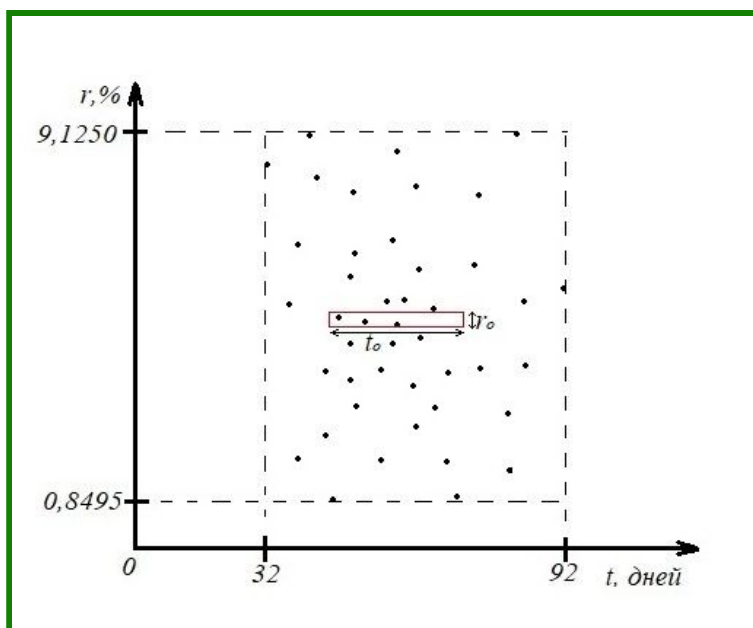


Рис.2

Все точки лежащие в прямоугольнике неттируются и результат записывается в

- \sum Актив, если результат неттирования положительный (> 0).

- Σ Пассив, если результат неттирования отрицательный (< 0). В этом случае берём модуль от этого результата и только тогда записываем в Σ Пассив.
- Нигде не учитывается, если равен нулю ($= 0$).

Неттированные точки, находившиеся в этом прямоугольнике, стираются.
(см. Рис.3)

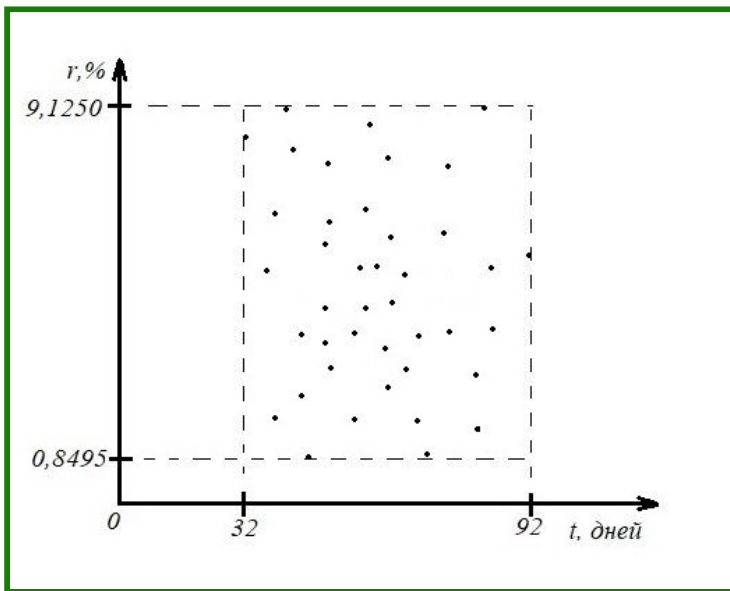


Рис.3

Далее плоскость аналогичным образом заполняется такими же прямоугольниками со сторонами t_0 и r_0 (см. Рис.4), и значения неттируются описанным ранее способом.

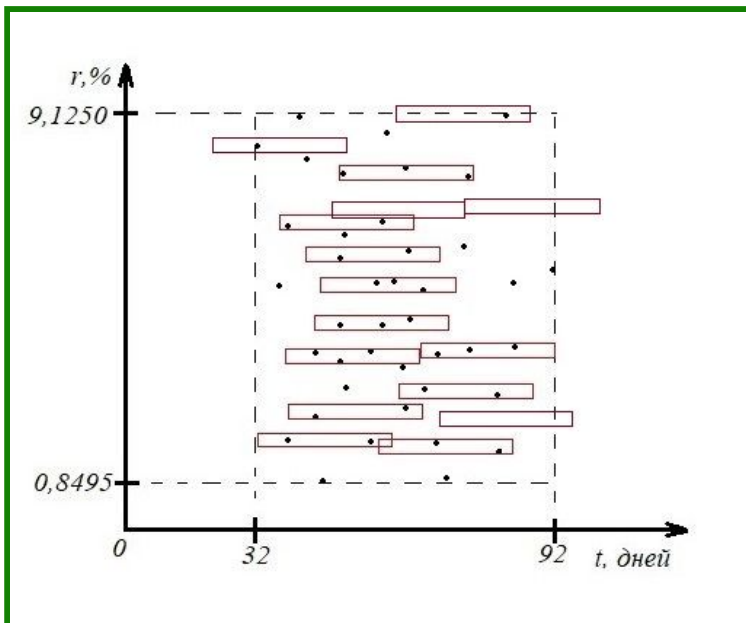


Рис.4

Для не попавших ни в один прямоугольник точек значения сразу записываются в Σ Актив и Σ Пассив.

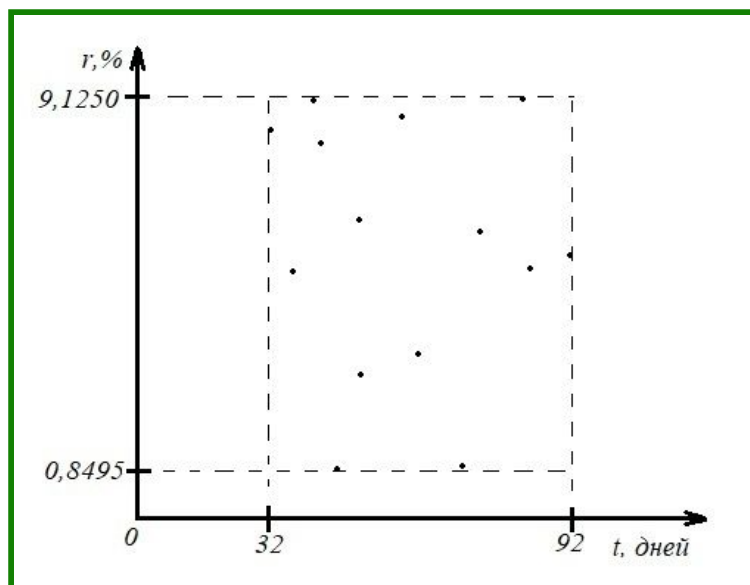


Рис.5

Далее рассчитывается RWA по формуле Банка России, в которую подставляются полученные Σ Актив и Σ Пассив и коэффициенты $w_{gross} = 0,1$, $w_{net} = 0,4$. Мы много раз вычисляем RWA при случайном расположении 300 прямоугольников по этому алгоритму и берём минимум, который в нашем случае составил **1,091 млрд.**

Расчёт номеров производится следующим образом. В случае, если группа сделок попала в прямоугольник с номером N, мы присваиваем группе номер N. В случае, если точка не попала ни в один прямоугольник, мы присваиваем группе из этой точки минимальный незанятый номер. Таким образом, произошла группировка всех сделок. Всего мы разбили все сделки на 37 групп, нумерация групп начинается с 0. К статье приложена таблица с группировкой согласно этой модели.

В Приложении 1 представлена осуществляющая этот алгоритм программа. Эта программа также измеряет потраченное на расчет наименьшего полученного RWA время, для 2175 сделки оно составило 7 минут.

Для проверки правильности работы нашего алгоритма написана программа (см. Приложение 2), производящая неттирование находящихся в одной группе сделок. Запуск программы показал, что наш алгоритм работает верно.

Модель 2

В следующей модели мы задаем прямоугольник с нефиксированными сторонами t и r , где $\Delta t \in (0; 30]$ и $\Delta r \in (0; 0,15]$ (см. Рис.6).

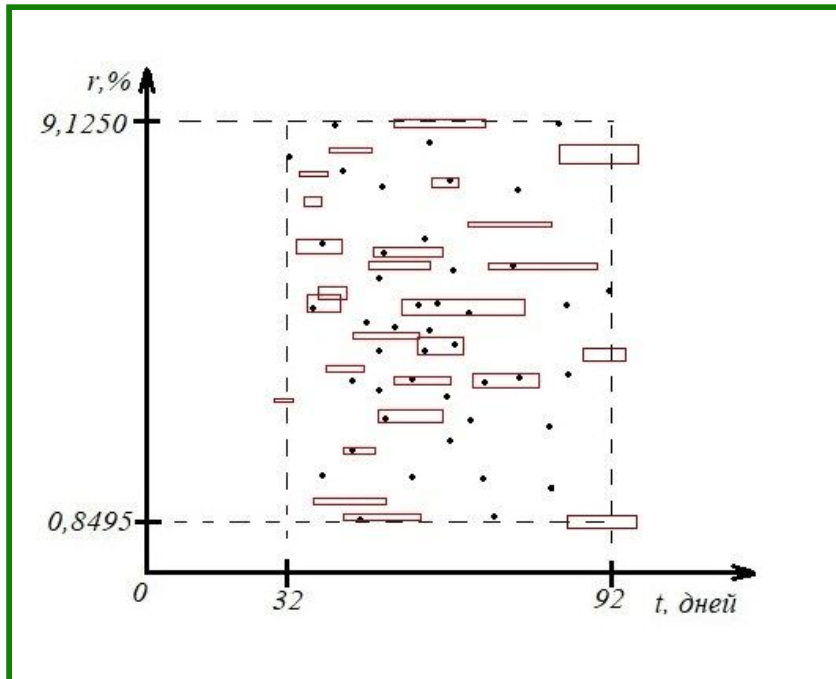


Рис.6

Для этой модели написана программа (см. Приложение 3). Однако, наилучший результат модели 2 (1,22 млрд) уступает наилучшему результату модели 1. Исходя из этого, мы посчитали целесообразным вернуться к алгоритму 1-ой модели.

Модель 3

Мы решили улучшить алгоритм Модели 1, чтобы уменьшить RWA. Для этого мы оптимизировали неттирование значений точек в прямоугольнике со сторонами t_0 и r_0 .

Рассмотрим такой прямоугольник с точками внутри него (см. Рис.7). При неттировании значений этих точек мы получаем некоторое число d .

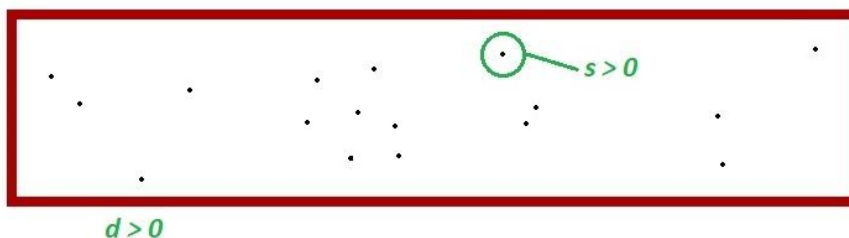
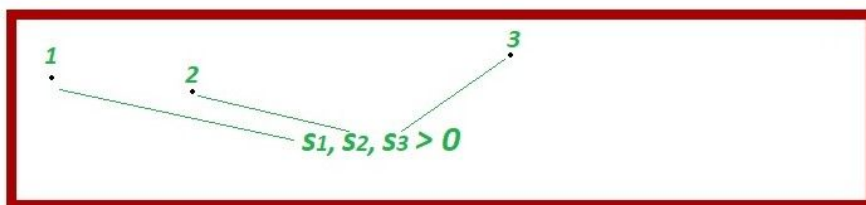


Рис.7

1. а) Если $d > 0$, то находим в прямоугольнике точку, значения которой $s > 0$, и вычитаем это значение из d . Если $d_1 = (d-s) > 0$, то снова находим точку, значения которой $s_1 > 0$, и вычитаем это значения из $d_1 = (d-s)$.
Продолжаем так делать пока $d_i > 0$ и затем неттируем все точки кроме $s_1, s_2 \dots s_n$.
- б) Если $d < 0$, то делаем все тоже самое, за исключением того, что $d_i < 0$ и $s_i < 0$.
2. После этого точки, значения которых вычитались, остаются в прямоугольнике, а остальные неттируются (см. Рис.8). и это значение записывается либо в Σ Актив, либо в Σ Пассив.



$d_i > 0$

Рис.8

Для данного алгоритма написана программа (см. Приложение 4). Полученное по этому алгоритму RWA равно 1,090 млрд и отличается от результата первой модели на 0,09%, что не является существенным выигрышем. Учитывая этот факт и недостаток времени, мы решили не развивать эту модель и не писать код для разбиения сделок по группам в таблице.

Альтернативная модель на 2 временных промежутках

Рассмотрим альтернативную модель для решения задачи. В этой модели сначала разбиваем сделки на группы А (срок погашения 32-62 дня) и Б (срок погашения 63-92 дня). Как показывают численные эксперименты на модели 1, разбиение на два промежутка по времени наиболее оптимально, а это наиболее естественное такое разбиение.

Далее сортируем обе группы сделок по ставкам. Для этого портфеля сделок имеем, что в группе А минимальная ставка - 0,8495%, а максимальная - 9,125%.

В группе Б минимальная ставка - 0,934%, а максимальная - 7,75%. Мы рассматриваем 15 вариантов разбиения сделок в каждой группе по времени на интервалы по ставкам вида:

$[0,75+0,15 \cdot n+0,01 \cdot (i-1); 0,75+0,15 \cdot (n+1)+0,01 \cdot (i-1)]$. Здесь n - номер интервала, i - номер разбиения, 0,75 - это стартовая точка (для группы Б она тоже равна 0,75, т.к. начиная с 5 разбиения, ставка 0,934% попадает в интервал $[0,79; 0,94)$).

Таким образом, группа А разбивается на 54 интервала для 15 разбиения и 55 интервалов для всех остальных разбиений, а группа Б - на 45 интервалов для 12-15 разбиений и 46 интервалов для прочих разбиений. Таким образом, всего у нас 99 интервалов для 15 разбиения, 100 интервалов для 12-14 разбиений, 101 интервал для остальных разбиений. Но из-за того, что у нас очень мало контрактов со ставками, большими, чем 3%, у нас в большинстве интервалов в диапазоне (3%, 9%) не попадает ни один контракт. Поэтому для каждого разбиения у нас 31 непустой интервал.

По каждому интервалу проводится неттинг, затем по формуле рассчитывается RWA. В качестве итогового разбиения берется разбиение с минимальным RWA.

Для модели на двух промежутках проводилось два численных эксперимента - на обработанных данных (RWA₁) и на необработанных (RWA₂). Обработка данных проводилась в соответствии с шагом 1 Модели 1.

Все расчеты и операции проводились в программе Excel.

Рассчитанное RWA₁ - **1,17 млрд.**

Рассчитанное RWA₂ - **1,16 млрд.**

Изменения не более 1%.

Альтернативная модель на 3 временных промежутках

Мы полагаем, что увеличение числа временных промежутков может оптимизировать нашу модель, поэтому решили поставить два численных эксперимента на обработанных и необработанных данных, разбитых по срокам погашения на группы А (32-50 дней), Б (53-71 день) и В (74-92 дня).

Разбиения по ставкам проводятся аналогично модели на двух промежутках.

Рассчитанное RWA - **1,32 млрд**, изменения для 2 экспериментов не более 0,5%.

Кроме того, эти эксперименты показывают, что разбиение на большее число промежутков по времени не приводит к оптимизации модели.

Поскольку Модель 1 показывает лучший результат, чем эта, в ответе указана группировка для Модели 1, но группировку для альтернативной модели легко восстановить, как и проверить её корректность.

Анализ моделей

Рассмотренные нами модели имеют как достоинства, так недостатки.

Опишем плюсы и минусы Моделей 1, 2, 3 и Альтернативной модели.

+	-
Модели 1, 2, 3	
<p>Наглядна и проста для понимания. Работает для неограниченного количества сделок. Поддается оптимизации. Имеется готовая программа. Легко пересчитать результат для новых данных. Полученное значение RWA близко к оценке снизу</p>	<p>Используется перебор. Для 2175 сделок минимальный полученный RWA считается около 7 минут. Минимальность RWA не гарантирована.</p>
Альтернативная модель	
<p>Простая для понимания и реализации. Минимальный RWA считается за 10 секунд.</p>	<p>Решение менее оптимально, чем в моделях 1-3. Не поддается дальнейшему улучшению. Используется перебор из 15 разбиений. Программная реализация в Excel требует некоторой “подгонки” под данные.</p>

Вывод

В результате мы получили наименьший RWA = **1,091 млрд**, полученный в Модели 1, разбив все сделки на **37 групп** неттирования.

Также стоит отметить нашу альтернативную модель, где наименьший RWA равен **1,17 млрд**. Этот результат был получен в модели на 2 временных промежутках, путём разбиения всех сделок на **31 группу** неттирования.

Подводя итоги, отметим, что:

- Оценка RWA сверху равна 8,678 млрд, а значит нам удалось **уменьшить RWA в 7,95 раза** (на 7,587 млрд).
- Оценка RWA снизу равна 1,016 млрд, а значит наш RWA на 7,38% больше недостижимого минимума (больше на 0,075 млрд).

Приложение 1 (C++)

```
#include <string>
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <vector>
#include <cmath>
#include <ctime>
#include <cstdlib>
#include <chrono>
using namespace std;
using namespace std::chrono;
int delta = 0;

class Act{
public:
double moneyup;
double moneydown;
int days;
double stav;
int group = -1;
Act(double x, double y, int e, double r){
    moneyup = x;
    moneydown = y;
    days = e;
    stav = r;
}
};

void clear_a(vector<Act> &deals){
    int res = deals.size();
    for(int i = 0; i < res; i++){
        for(int j = i+1; j < res; j++){
            if((deals[i].days == deals[j].days) && (deals[i].stav == deals[j].stav)){
                deals[i].moneyup = deals[i].moneyup + deals[j].moneyup;
                deals[i].moneydown = deals[i].moneydown + deals[j].moneydown;
                deals.erase(deals.begin()+j);
                j--;
                res--;
            }
        }
    }
}
```

```

}

double updates(vector<Act> &deals, int x, double y, int dx, double dy){
    double plus = 0;
    double minus = 0;
    vector<pair<int,double>> ti;
    for(int g = 0; g < deals.size(); g++){
        if(((deals[g].days >= x) && (deals[g].days <= x + dx)) && ((deals[g].stav >= y) && (deals[g].stav <= y + dy))){
            delta = 1;
            plus = plus + deals[g].moneyup;
            minus = minus + deals[g].moneydown;
            deals.erase(deals.begin()+g);
            g--;
        }
    }
    return plus - minus;
}

void add_points(int x, double y, vector<Act> &deals, int now){
    for(int g = 0; g < deals.size(); g++){
        if(((deals[g].days >= x) && (deals[g].days <= x + 30)) && ((deals[g].stav >= y) && (deals[g].stav <= y + 0.15)) &&
(deals[g].group == -1)){
            deals[g].group = now;
        }
    }
}

int main(){
    high_resolution_clock::time_point t1 = high_resolution_clock::now();
    srand(unsigned(time(0)));
    vector<vector<pair<int, double>>> groupes;
    ifstream in;
    vector<string> q;
    vector<Act> deals;
    vector<Act> deals;
    vector<pair<int,double>> now;
    vector<pair<int,double>> nowmin;
    in.open("date.csv");
    //В файле date.csv находятся данные в преобразованном ввиде согласно началу модели 1
    int n = 2175;
    string k;
    int d;

```

```

double a,b,c;
for(int i = 0; i < n; i++){
    in >> k;
    int s = 0;
    for(int j = 0; j < k.size(); j++){
        if((k[j] == ',')){
            q.push_back(k.substr(s,j-s));
            s = j+1;
        }
        if((j == k.size()-1)){
            q.push_back(k.substr(s,j-s+1));
        }
    }
    deals.push_back(Act(stod(q[0]), stod(q[1]), stoi(q[2]), stod(q[3])));
    q.clear();
}
in.close();
ofstream out;
out.open("test.csv");

dealss = deals;
clear_a(deals);
for(int i = 0; i < deals.size(); i++){
    out << deals[i].moneyup << " " << deals[i].moneydown << " " << deals[i].days << " " << deals[i].stav << endl;
}
double ac = 0;
double pa = 0;
double min = 1e100;
vector<Act> save = deals;

for(int i = 0; i < 2000000; i++){
    ac = 0;
    pa = 0;
    for(int j = 0; j < 300; j++){
        double da = rand()%90;
        double sta = (double(rand()%10000)/1000);
        double ka = updates(deals,da, sta, 30, 0.15);
        if(delta != 0){
            now.push_back(make_pair(da,sta));
            delta = 0;
        }
    }
    if(ka > 0){

```

```

        ac = ac + ka;
    }else{
        pa = pa + abs(ka);
    }
}
for(int i = 0; i < deals.size(); i++){
    double qw = deals[i].moneyup-deals[i].moneydown;
    if(qw > 0){
        ac = ac + qw;
    }else{
        if(qw < 0){
            pa = pa + abs(qw);
        }
    }
}
if(min > (( 0.1 * (ac + pa)) + ( 0.4 * (abs(ac-pa)))))
    min = (( 0.1 * (ac + pa)) + ( 0.4 * (abs(ac-pa))));
nowmin = now;
groupes.clear();
for(int i = 0; i < deals.size(); i++){
    vector<pair<int,double>> ss;
    ss.push_back(make_pair(deals[i].days,deals[i].stav));
    groupes.push_back(ss);
}
now.clear();
deals = save;
}

for(int i = 0; i < nowmin.size(); i++){
    add_points(nowmin[i].first, nowmin[i].second, save,i);
}

int last = nowmin.size();
for(int i = 0; i < save.size(); i++){
    if(save[i].group == -1){
        save[i].group = last;
        last++;
    }
}

ofstream ban;

```

```

ban.open("result.csv");
//В файл result.csv заносятся разбиение на группы и файл преобразован как в модели 1
for(int i = 0; i < save.size(); i++){
    for(int j = 0; j < dealss.size(); j++){
        if((save[i].days == dealss[j].days) && ( save[i].stav == dealss[j].stav)){
            dealss[j].group = save[i].group;
        }
    }
}

for(int i = 0; i < dealss.size(); i++){
    ban << dealss[i].moneyup << " " << dealss[i].moneydown << " " << dealss[i].days << " " << dealss[i].stav << " "
<< dealss[i].group << endl;
}

ban.close();
high_resolution_clock::time_point t2 = high_resolution_clock::now();
    auto duration = duration_cast<milliseconds>(t2-t1).count();
cout << min << " " << duration;
return 0;
}

```

Приложение 2 (C++)

```

#include <string>
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <vector>
#include <cmath>
#include <ctime>
#include <cstdlib>
using namespace std;
int delta = 0;

class Act{
public:
    double moneyup;
    double moneydown;
    int days;
    double stav;
    int group = -1;
    Act(double x, double y, int e, double r,int g){

```



```

    moneyup = x;
    moneydown = y;
    days = e;
    stav = r;
    group = g;
}
};

```

```

int main(){
    double A[100];
    vector<Act> deals;
    vector<string> q;
    for(int i = 0; i < 100; i++){
        A[i] = 0;
    }
    ifstream in;
    in.open("result.csv");
    //result.csv - файл созданный в ходе работы программы их приложения 1
    int n = 2175;
    string k;
    int d;
    double a,b,c;
    for(int i = 0; i < n; i++){
        in >> k;
        int s = 0;
        for(int j = 0; j < k.size(); j++){
            if((k[j] == ',')){
                q.push_back(k.substr(s,j-s));
                s = j+1;
            }
            if((j == k.size()-1)){
                q.push_back(k.substr(s,j-s+1));
            }
        }
        deals.push_back(Act(stod(q[0]), stod(q[1]), stoi(q[2]), stod(q[3]), stoi(q[4])));
        q.clear();
    }
    in.close();
    ofstream out;
    out.open("test.csv");

```

```

for(int i = 0; i < deals.size(); i++){
    int kd = deals[i].group;
    A[kd] = A[kd] + deals[i].moneyup;
    A[kd] = A[kd] - deals[i].moneydown;
}

double ac = 0;
double pa = 0;
for(int i = 0; i < 100; i++){
    if(A[i] > 0){
        ac = ac + A[i];
    }
    if(A[i] < 0){
        pa = pa + abs(A[i]);
    }
}

cout << (( 0.1 * (ac + pa)) + ( 0.4 * (abs(ac-pa))));
return 0;
}

```

Приложение 3 (C++)

```

#include <string>
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <vector>
#include <cmath>
#include <ctime>
#include <cstdlib>
using namespace std;

class Act{
public:
    double moneyup;
    double moneydown;
    int days;
    double stav;
    int group = -1;
    Act(double x, double y, int e, double r){
        moneyup = x;
        moneydown = y;
        days = e;
    }
};

```

```

    stav = r;
}
};

```

```

void clear_a(vector<Act> &deals){
    int res = deals.size();
    for(int i = 0; i < res; i++){
        for(int j = i+1; j < res; j++){
            if((deals[i].days == deals[j].days) && (deals[i].stav == deals[j].stav)){
                deals[i].moneyup = deals[i].moneyup + deals[j].moneyup;
                deals[i].moneydown = deals[i].moneydown + deals[j].moneydown;
                deals.erase(deals.begin()+j);
                j--;
                res--;
            }
        }
    }
}

```

```

double updates(vector<Act> &deals, int x, double y, int dx, double dy){
    double plus = 0;
    double minus = 0;
    for(int g = 0; g < deals.size(); g++){
        if(((deals[g].days >= x) && (deals[g].days <= x + dx)) && ((deals[g].stav >= y) && (deals[g].stav <= y + dy))){
            plus = plus + deals[g].moneyup;
            minus = minus + deals[g].moneydown;
            deals.erase(deals.begin()+g);
            g--;
        }
    }
    return plus - minus;
}

```

```

void add_points(int x, double y, vector<Act> &deals, int now){
    for(int g = 0; g < deals.size(); g++){
        if(((deals[g].days >= x) && (deals[g].days <= x + 30)) && ((deals[g].stav >= y) && (deals[g].stav <= y + 0.15)) &&
(deals[g].group == -1)){
            deals[g].group = now;
        }
    }
}

```

```

int main(){
    srand(unsigned(time(0)));
    ifstream in;
    vector<string> q;
    vector<Act> deals;
    in.open("date.csv");
    int n = 2175;
    string k;
    int d;
    double a,b,c;
    for(int i = 0; i < n; i++){
        in >> k;
        int s = 0;
        for(int j = 0; j < k.size(); j++){
            if((k[j] == ',')){
                q.push_back(k.substr(s,j-s));
                s = j+1;
            }
            if((j == k.size()-1)){
                q.push_back(k.substr(s,j-s+1));
            }
        }
        deals.push_back(Act(stod(q[0]), stod(q[1]), stoi(q[2]), stod(q[3])));
        q.clear();
    }
    in.close();
    clear_a(deals);
    double ac = 0;
    double pa = 0;
    double min = 1e100;
    vector<Act> save = deals;
    for(int i = 0; i < 20000; i++){
        ac = 0;
        pa = 0;
        for(int j = 0; j < 300; j++){
            int da = rand()%90;
            double sta = (double(rand()%10000)/1000);
            double sizex = rand()%30 + 1;
            double sizey = (double(rand()%1200 + 300))/10000;
            double ka = updates(deals,da, sta, sizex, sizey);
            if(ka > 0){
                ac = ac + ka;
            }
        }
    }
}

```

```

        }else{
            pa = pa + abs(ka);
        }
    }
    for(int i = 0; i < deals.size(); i++){
        double qw = deals[i].moneyup-deals[i].moneydown;
        if(qw > 0){
            ac = ac + qw;
        }else{
            if(qw < 0){
                pa = pa + abs(qw);
            }
        }
    }
    if(min > ((0.1 * (ac + pa)) + (0.4 * (abs(ac-pa)))))
        min = ((0.1 * (ac + pa)) + (0.4 * (abs(ac-pa))));
    }
    deals = save;
}

cout << min;
return 0;
}

```

Приложение 4 (C++)

```

#include <string>
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <vector>
#include <cmath>
#include <ctime>
#include <cstdlib>
#include <algorithm>
using namespace std;
class Act{
public:
    double moneyup;
    double moneydown;
    int days;
    double stav;
    int group = -1;

```

```

Act(double x, double y, int e, double r){
    moneyup = x;
    moneydown = y;
    days = e;
    stav = r;
}
};

void clear_a(vector<Act> &deals){
    int res = deals.size();
    for(int i = 0; i < res; i++){
        for(int j = i+1; j < res; j++){
            if((deals[i].days == deals[j].days) && (deals[i].stav == deals[j].stav)){
                deals[i].moneyup = deals[i].moneyup + deals[j].moneyup;
                deals[i].moneydown = deals[i].moneydown + deals[j].moneydown;
                deals.erase(deals.begin()+j);
                j--;
                res--;
            }
        }
    }
}
}

```

```

double updates(vector<Act> &deals, int x, double y, int dx, double dy){
    double plus = 0;
    double minus = 0;
    vector <int> del;
    for(int g = 0; g < deals.size(); g++){
        if(((deals[g].days >= x) && (deals[g].days <= x + dx)) && ((deals[g].stav >= y) && (deals[g].stav <= y + dy))){
            plus = plus + deals[g].moneyup;
            minus = minus + deals[g].moneydown;
            del.push_back(g);
        }
    }
    double d = plus - minus;
    double z;
    if(d > 0){
        for(int i = 0; i < del.size(); i++){
            z = deals[del[i]].moneyup - deals[del[i]].moneydown;
            if((z > 0) && (d - z > 0)){
                d = d - z;
                del.erase(del.begin() + i);
            }
        }
    }
}

```

```

        i--;
    }
}

if(d < 0){
    for(int i = 0; i < del.size(); i++){
        z = deals[del[i]].moneyup - deals[del[i]].moneydown;
        if((z < 0) && (d - z < 0)){
            d = d - z;
            del.erase(del.begin() + i);
            i--;
        }
    }
}

sort(del.begin(), del.end());
reverse(begin(del), end(del));
for(int i = 0; i < del.size(); i++){
    deals.erase(deals.begin() + del[i]);
}
return d;
}

```

```

int main(){
    srand(unsigned(time(0)));
    ifstream in;
    vector<string> q;
    vector<Act> deals;
    in.open("date.csv");
    int n = 2175;
    string k;
    int d;
    double a,b,c;
    for(int i = 0; i < n; i++){
        in >> k;
        int s = 0;
        for(int j = 0; j < k.size(); j++){
            if((k[j] == ',')){
                q.push_back(k.substr(s,j-s));
                s = j+1;
            }
        }
    }
}

```

```

    if((j == k.size()-1)){
        q.push_back(k.substr(s,j-s+1));
    }
}
deals.push_back(Act(stod(q[0]), stod(q[1]), stoi(q[2]), stod(q[3])));
q.clear();
}
in.close();

clear_a(deals);
double ac = 0;
double pa = 0;
double min = 1e100;
vector<Act> save = deals;

for(int i = 0; i < 20000; i++){
    ac = 0;
    pa = 0;
    for(int j = 0; j < 300; j++){
        int da = rand()%90;
        double sta = (double(rand()%10000)/1000);
        double ka = updates(deals,da, sta, 30, 0.15);
        if(ka > 0){
            ac = ac + ka;
        }else{
            pa = pa + abs(ka);
        }
    }
}
for(int i = 0; i < deals.size(); i++){
    double qw = deals[i].moneyup-deals[i].moneydown;
    if(qw > 0){
        ac = ac + qw;
    }else{
        if(qw < 0){
            pa = pa + abs(qw);
        }
    }
}
if(min > (( 0.1 * (ac + pa)) + ( 0.4 * (abs(ac-pa)))))
    min = (( 0.1 * (ac + pa)) + ( 0.4 * (abs(ac-pa))));
}
deals = save;

```



```
}  
  
cout << min;  
  
return 0;  
}
```